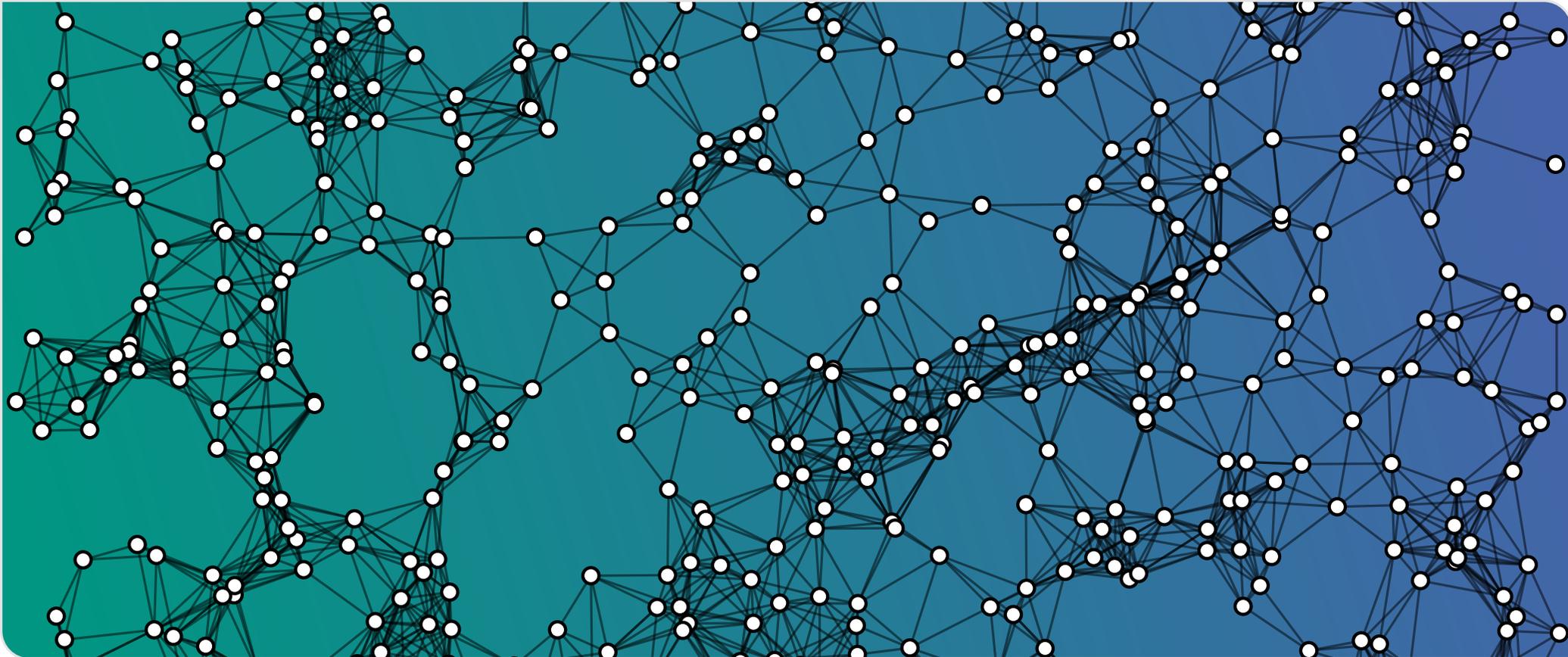


Parametrisierte Algorithmen

Zusammenfassung



Grundsätzliche Hinweise

Ziel der Prüfung

- wir müssen euch bescheinigen, dass ihr
 - den Stoff der Vorlesung kennt
 - die Inhalte verstanden habt
 - mit den gelernten Techniken neue Algorithmen entwerfen und analysieren könnt

Grundsätzliche Hinweise

Ziel der Prüfung

- wir müssen euch bescheinigen, dass ihr
 - den Stoff der Vorlesung kennt
 - die Inhalte verstanden habt
 - mit den gelernten Techniken neue Algorithmen entwerfen und analysieren könnt
- mündliche Pr.: besonders gut geeignet für die ersten beiden Punkte
- der Fokus wird auf dem zweiten Punkt liegen
(Punkt eins und drei werden aber auch vertreten sein)

Grundsätzliche Hinweise

Ziel der Prüfung

- wir müssen euch bescheinigen, dass ihr
 - den Stoff der Vorlesung kennt
 - die Inhalte verstanden habt
 - mit den gelernten Techniken neue Algorithmen entwerfen und analysieren könnt
- mündliche Pr.: besonders gut geeignet für die ersten beiden Punkte
- der Fokus wird auf dem zweiten Punkt liegen
(Punkt eins und drei werden aber auch vertreten sein)

Vorbereitung

- Schritt 1: rekapituliert und versteht die Inhalte

Grundsätzliche Hinweise

Ziel der Prüfung

- wir müssen euch bescheinigen, dass ihr
 - den Stoff der Vorlesung kennt
 - die Inhalte verstanden habt
 - mit den gelernten Techniken neue Algorithmen entwerfen und analysieren könnt
- mündliche Pr.: besonders gut geeignet für die ersten beiden Punkte
- der Fokus wird auf dem zweiten Punkt liegen
(Punkt eins und drei werden aber auch vertreten sein)

Vorbereitung

- Schritt 1: rekapituliert und versteht die Inhalte
- Schritt 2: erklärt jemandem die Inhalte

Grundsätzliche Hinweise

Ziel der Prüfung

- wir müssen euch bescheinigen, dass ihr
 - den Stoff der Vorlesung kennt
 - die Inhalte verstanden habt
 - mit den gelernten Techniken neue Algorithmen entwerfen und analysieren könnt
- mündliche Pr.: besonders gut geeignet für die ersten beiden Punkte
- der Fokus wird auf dem zweiten Punkt liegen
(Punkt eins und drei werden aber auch vertreten sein)

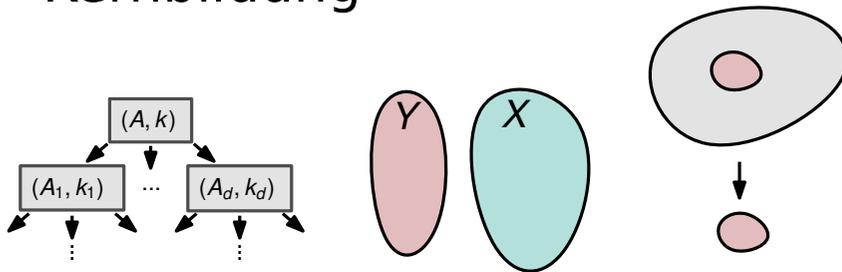
Vorbereitung

- Schritt 1: rekapituliert und versteht die Inhalte
- Schritt 2: erklärt jemandem die Inhalte
- **Achtung:** Schritt 2 ist genau das, was in der Prüfung passiert. Das solltet ihr definitiv vorher üben!

Inhalt

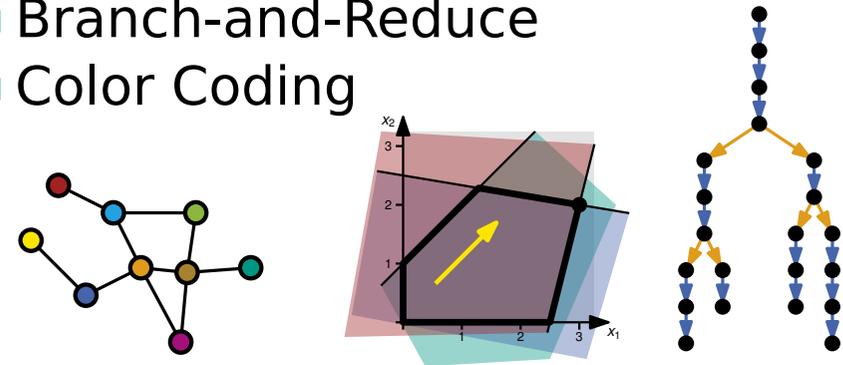
Basic Toolbox

- beschränkte Suchbäume
- iterative Kompression
- Kernbildung



Erweiterte Toolbox

- lineare Programme
- Branch-and-Reduce
- Color Coding



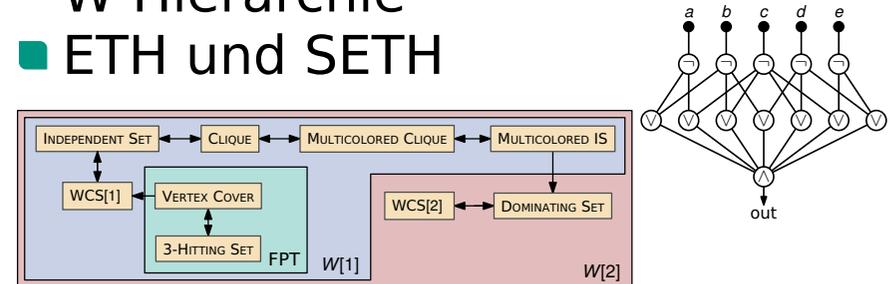
Baumweite

- dynamische Programme
- chordale & planare Graphen
- Courcelles Theorem



Untere Schranken

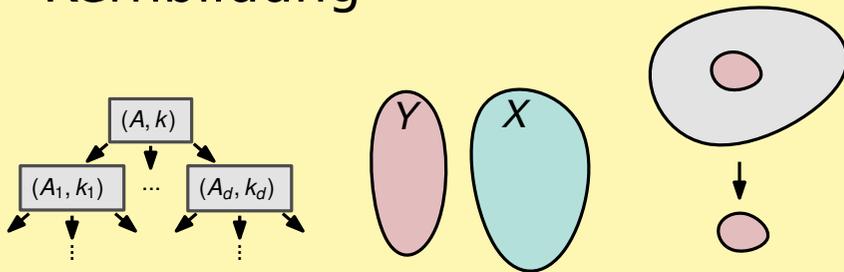
- parametrisierte Reduktionen
- boolesche Schaltkreise und die W-Hierarchie
- ETH und SETH



Inhalt

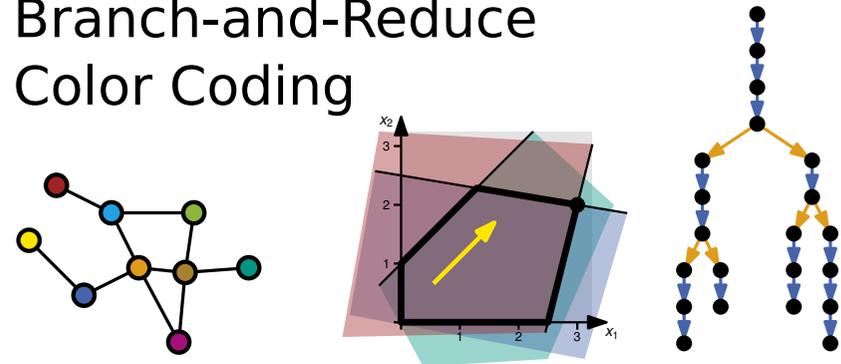
Basic Toolbox

- beschränkte Suchbäume
- iterative Kompression
- Kernbildung



Erweiterte Toolbox

- lineare Programme
- Branch-and-Reduce
- Color Coding



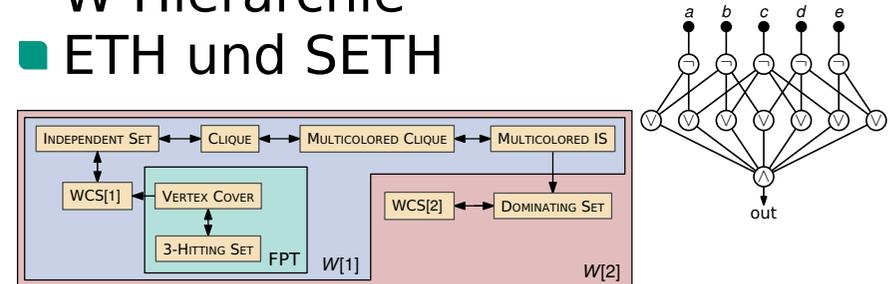
Baumweite

- dynamische Programme
- chordale & planare Graphen
- Courcelles Theorem



Untere Schranken

- parametrisierte Reduktionen
- boolesche Schaltkreise und die W-Hierarchie
- ETH und SETH



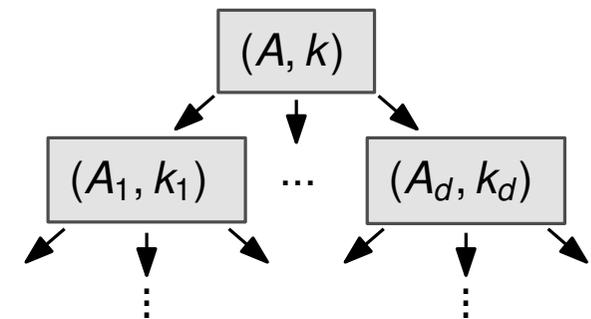
FPT-Techniken Grundtechniken

Grundbegriffe: Parametrisierung

- Was sind parametrisierte Probleme?
- Was ist FPT?

Suchbäume

- Wie funktionieren Suchbäume?
- Wie bekommt man FPT-Laufzeit?
- Was ist wichtig um die Tiefe zu beschränken?

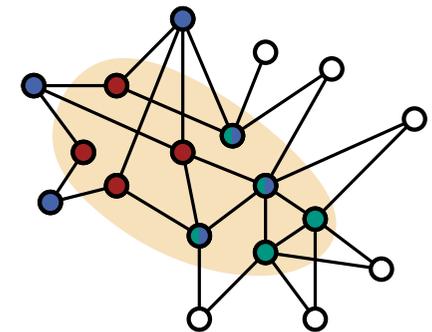


Kernbildung

- Was ist ein Kern?
- Wie berechnet man Kerne typischerweise?
- Wann ist Kernbildung für ein Problem möglich?

Iterative Kompression

- Was ist die Grundidee dieser Technik?
- Woher kommt die zu große Lösung?
- Was ist das Kompressions-Problem?

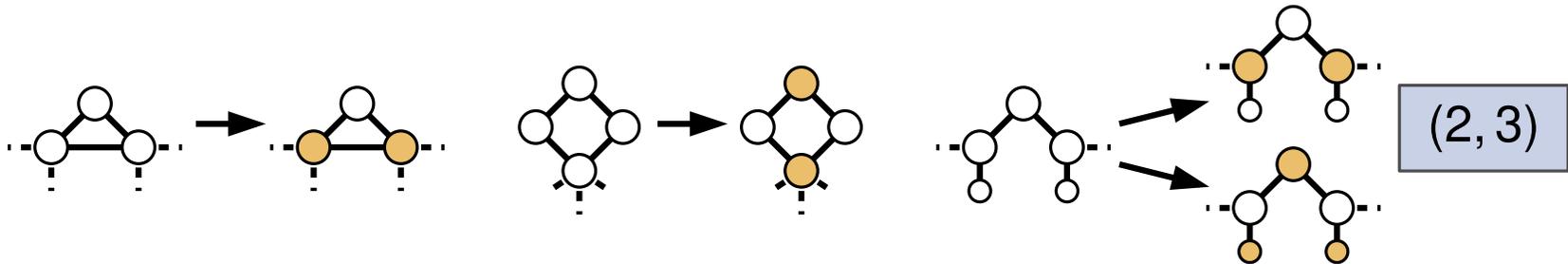


Wie lassen sich diese Techniken auf VERTEX COVER anwenden?

Beschränkte Suchbäume

Allgemeine Verzweigung

- Was ist ein Verzweigungsvektor?
- Wie findet man anhand des Verzweigungsvektors die Baumgröße?
- Warum muss man da die Nullstelle eines Polynoms berechnen?



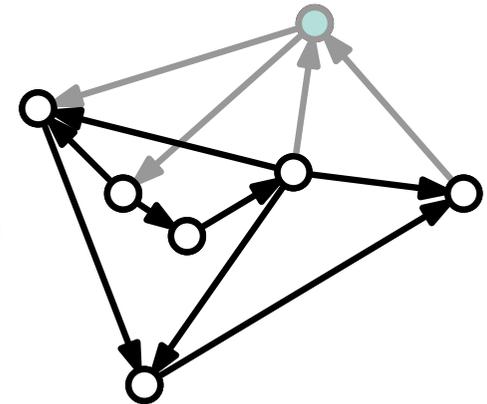
Bessere Verzweigung bei VERTEX COVER

- Warum helfen Knoten mit großem Grad?
- Kann man immer einen Knoten mit Grad 4 finden?
- Wie wird man Knoten mit Grad 2 los?
- Was ist die Idee für Grad 3 Knoten?
- Wie sieht es mit Grad 4 Knoten aus?
- Warum kann ich den Verzweigungsvektor $(1, 4)$ ignorieren?

Iterative Kompression

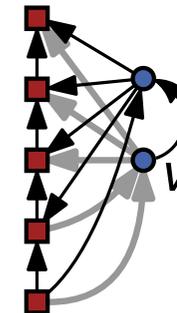
FEEDBACK VERTEX SET

- Was ist das Problem?
- Wie reduziert man FVS auf FVS COMPRESSION?
- Wie reduziert man FVS COMPRESSION auf DISJOINT FVS?
- Welche Laufzeit verliert man unterwegs?



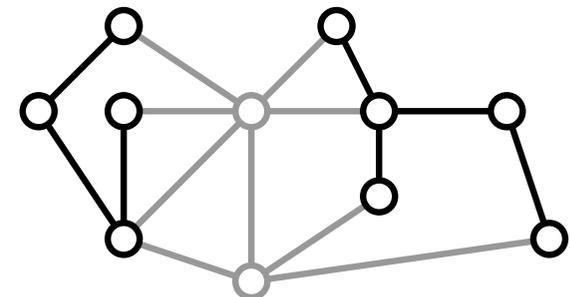
DISJOINT FEEDBACK VERTEX SET auf Turniergraphen

- Was sind Turniergraphen?
- Wie reduziert sich das Problem dabei auf LONGEST COMMON SUBSEQUENCE?



Ungerichtetes FVS

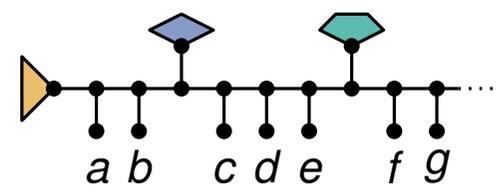
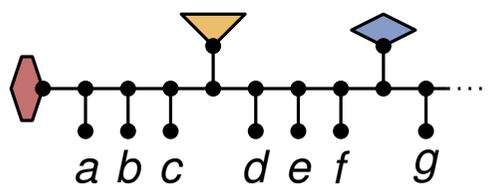
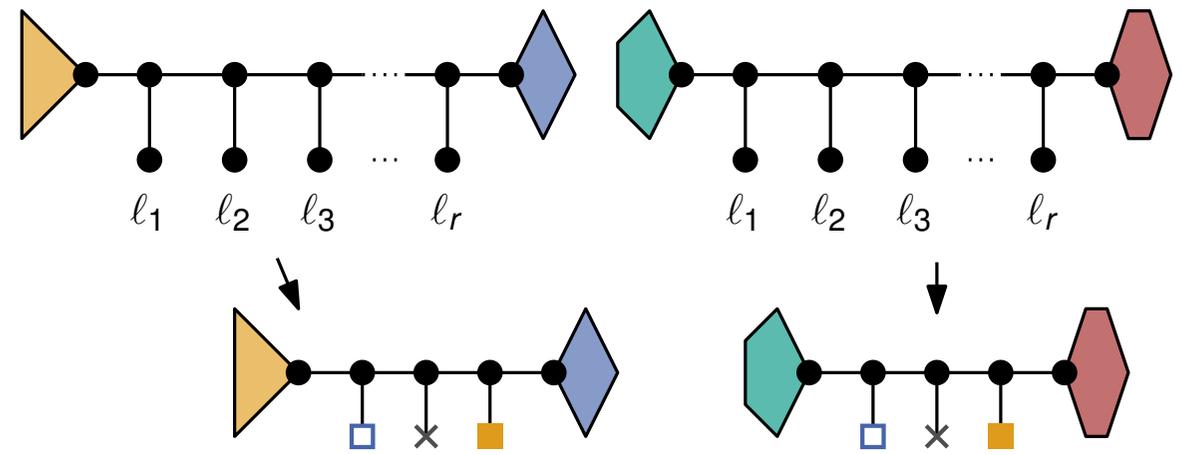
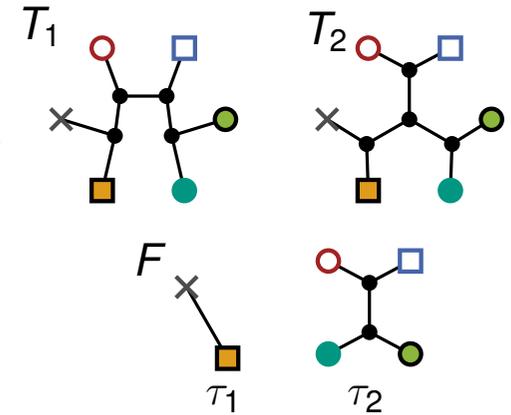
- Reduktion auf die disjunkte Variante?
- Wie löst man diese?



Kernbildung: Ähnliche Bäume

MAXIMUM AGREEMENT FOREST

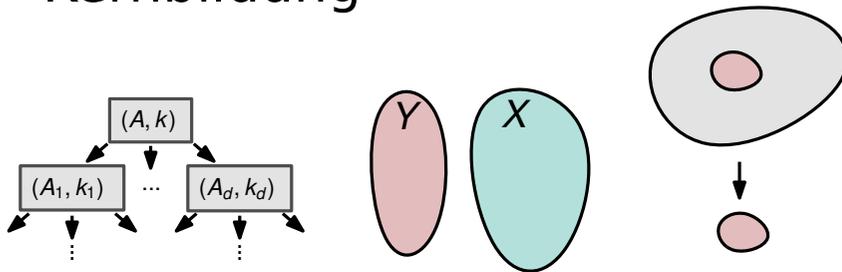
- Was ist das Problem?
- Warum würde es helfen, wenn jeder Baum in der Lösung wenige Blätter enthält?
- Welche Gegenbeispiele für diesen Wunsch gibt es und wie werden wir sie los?
- Wo muss man bei der Reduktion aufpassen?
- Wie hilft die amortisierte Sichtweise?



Inhalt

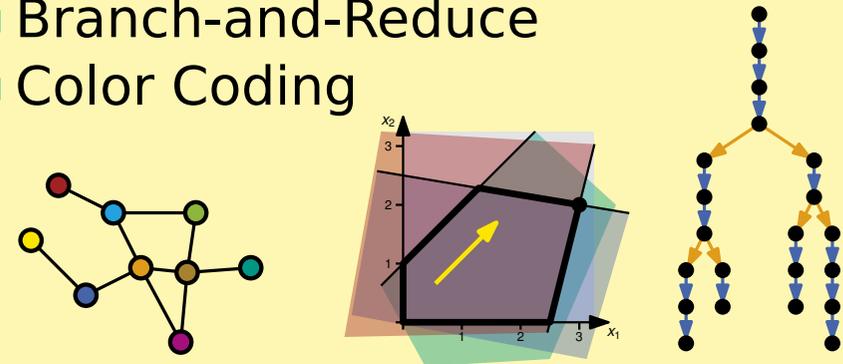
Basic Toolbox

- beschränkte Suchbäume
- iterative Kompression
- Kernbildung



Erweiterte Toolbox

- lineare Programme
- Branch-and-Reduce
- Color Coding



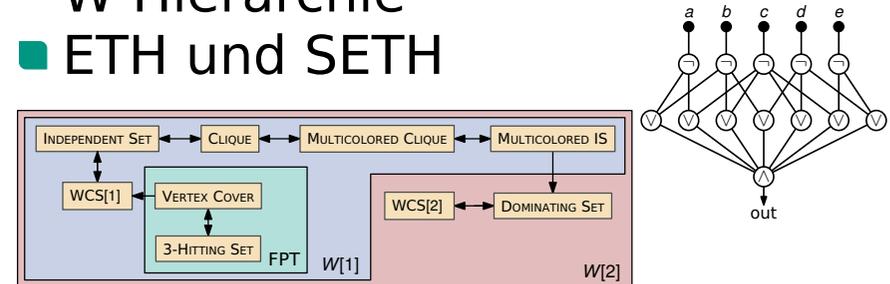
Baumweite

- dynamische Programme
- chordale & planare Graphen
- Courcelles Theorem



Untere Schranken

- parametrisierte Reduktionen
- boolesche Schaltkreise und die W-Hierarchie
- ETH und SETH



Lineare Programmierung

Grundlagen

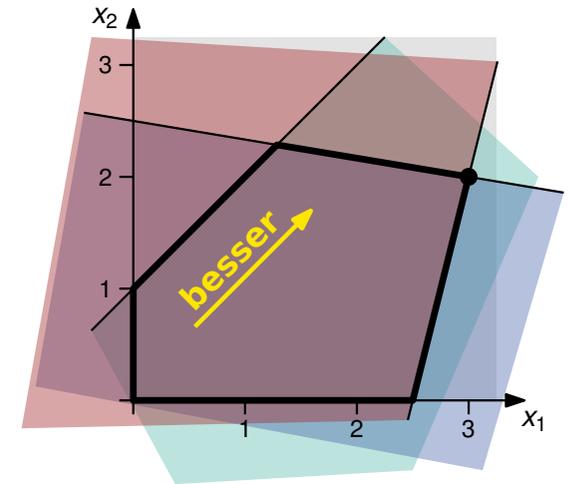
- Was ist lineare Programmierung?
- Welche Schreibweise wird für LPs verwendet?
- Wie lassen sich LPs umformen z.B. zu $Ax \leq b$?
- Wie lässt sich manchmal ein Betrag durch lineare Bedingungen abbilden?

Dualität

- Was bedeutet Dualität für LP?
- Was sagt der Dualitätssatz?
- Wofür ist Dualität nützlich?

Theorem von Lenstra

- Was sagt uns Lenstras Theorem?



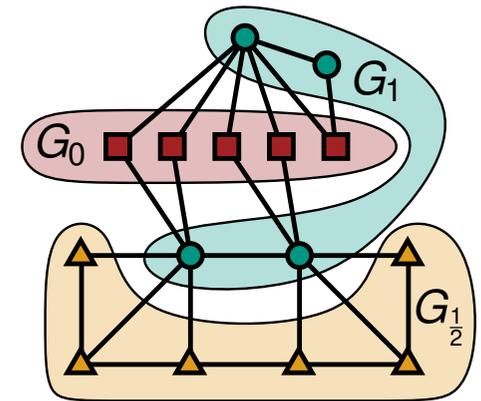
ILP Relaxierung

ILP

- Warum sind ILPs interessant?
- Was ist Relaxierung und was hat man davon?
- Wann ist Relaxierung exakt?

Unimodularität

- Wie ist totale Unimodularität definiert?
- Wie beweist man totale Unimodularität?
- Beispiele total unimodularer Matrizen?



Kernbildung für VERTEX COVER

- Welche Eigenschaften hat eine Optimallösung der Relaxierung?
- Wie bildet man mit einer LP Lösung einen Kern?
- Wie zeigt man, dass diese Reduktion sicher ist?
- Muss man wirklich ein LP lösen?

Branch-and-Reduce

Branch-and-Reduce

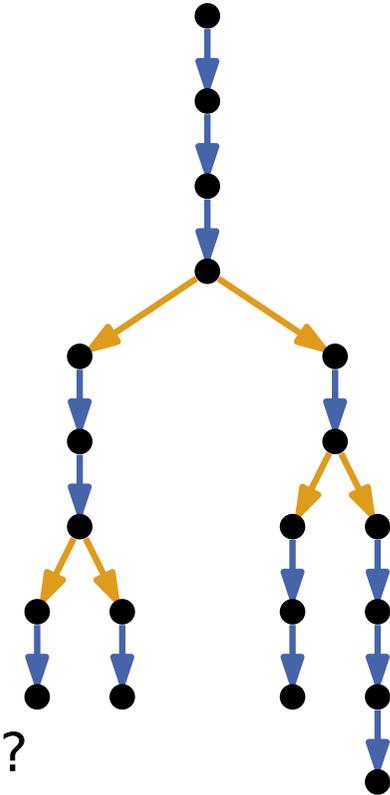
- Was versteht man unter diesem Begriff?

Above Lower Bound Parametrisierung

- Welche Parameter werden hier betrachtet?
- Warum sind solche Parameter interessant?
- Beispiele für diese Parametrisierungen?

VERTEX COVER above LP

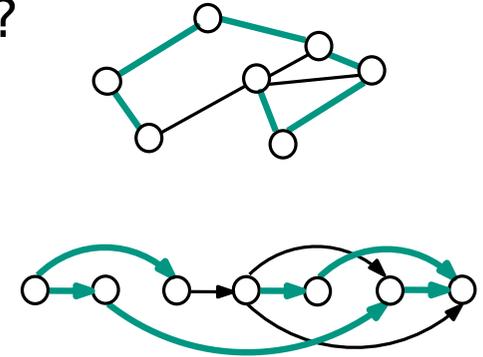
- Was ist die Grundidee zur Lösung dieses Problems?
- Warum braucht man hier Reduktion vor dem Branching?
- Wie funktioniert die Parameteranpassung?



Color Coding

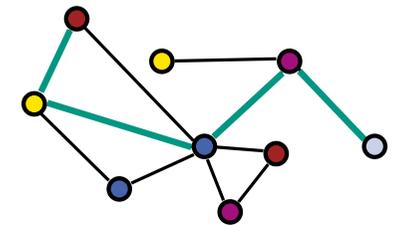
LONGEST PATH: Randomisierung

- Welche zusätzliche Struktur haben wir uns geraten?
- Wie hilft diese zusätzliche Struktur beim Lösen?
- Was muss man über die Erfolgswahrscheinlichkeit zeigen, um FPT-Laufzeit zu erhalten?



Color Coding

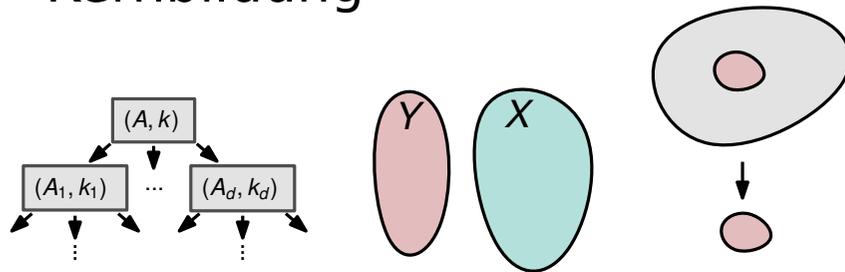
- Welche zusätzliche Struktur raten wir hier?
- Wie hilft uns das?
- Wie können wir das derandomisieren?
- Was sind perfekte Familien von Hash-Funktionen?
- Was sind universelle Mengen?



Inhalt

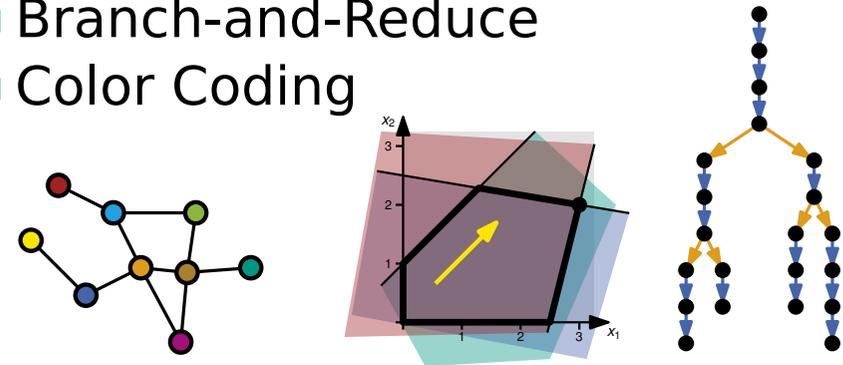
Basic Toolbox

- beschränkte Suchbäume
- iterative Kompression
- Kernbildung



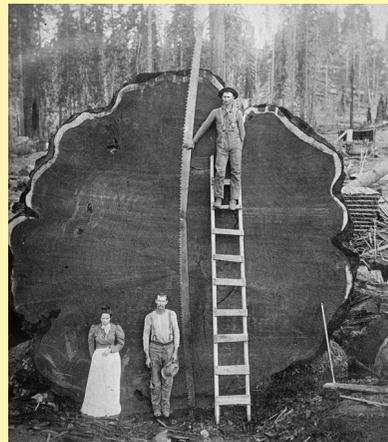
Erweiterte Toolbox

- lineare Programme
- Branch-and-Reduce
- Color Coding



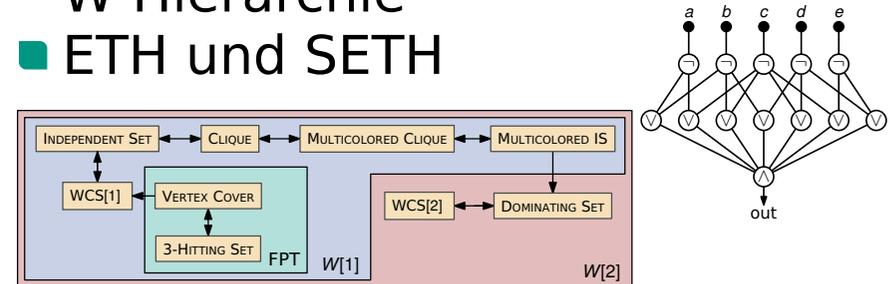
Baumweite

- dynamische Programme
- chordale & planare Graphen
- Courcelles Theorem



Untere Schranken

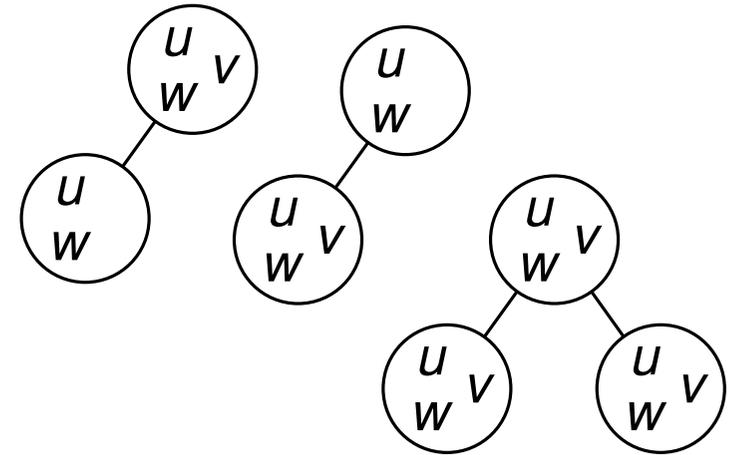
- parametrisierte Reduktionen
- boolesche Schaltkreise und die W-Hierarchie
- ETH und SETH



Baumweite

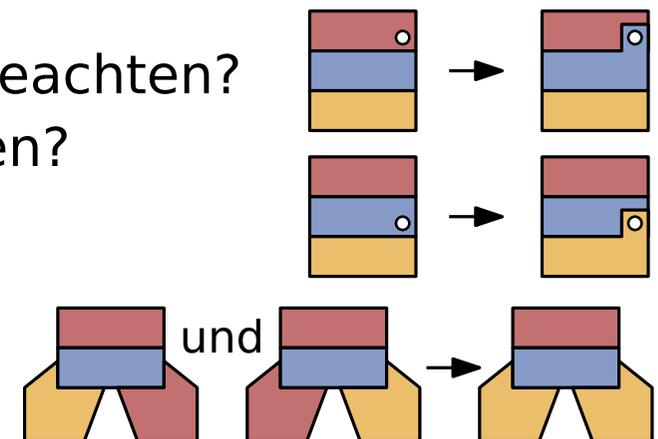
Pfad- und Baumzerlegungen

- Was ist eine Pfad- bzw. Baumzerlegung?
- Was ist die Pfad- bzw. Baumweite?
- Wann ist eine Baumzerlegung schön?
- Warum kann man immer von schönen Baumzerlegungen ausgehen?



Dynamische Programme

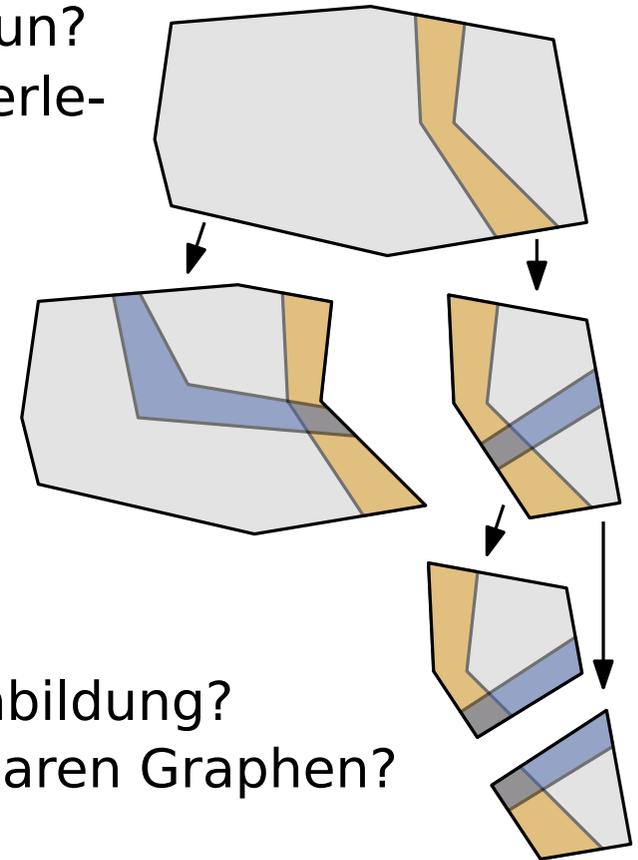
- Wie kann man Probleme mittels DP auf Baumzerlegungen bauen?
- Beispiele: INDEPENDENT SET und HAMILTONKREIS
- Wie schafft man es globale Bedingungen zu beachten?
- Kannst du das auf andere Probleme übertragen?



Baumzerlegungen und planare Graphen

Approximativer FPT-Algo für Baumzerlegungen

- Was heißt hier Approximation und was bedeutet das für unser DP?
- Was ist die Idee?
- Was hat das mit balancierten Separatoren zu tun?
- Warum können wir den Separator balanciert zerlegen, aber nicht den ganzen Graph?
- Warum genügt eine balancierte Aufteilung des Separators?
- Warum gibt es balancierte Separatoren?



Win-Win in planaren Graphen

- Was sind Minoren?
- Was passiert mit der Baumweite unter Minorenbildung?
- Wie hilft das für schnellere Algorithmen in planaren Graphen?

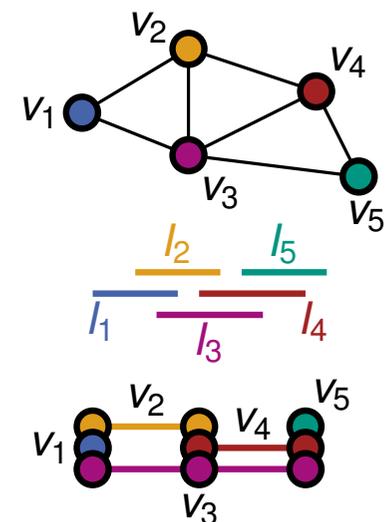
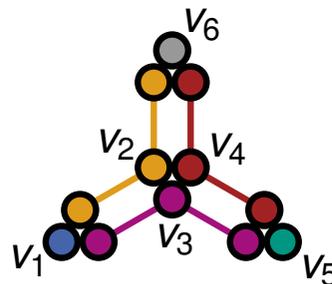
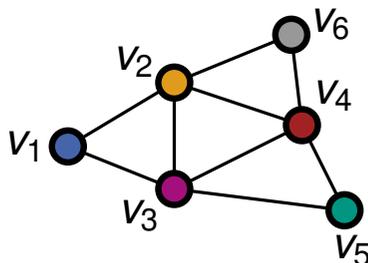
Courcelle & Chordale Graphen

Courcelles Theorem

- Was erlaubt MSO_2 ?
- Wie kann man Zusammenhang modellieren?
- Modellierung von HAMILTONKREIS bzw. VERTEX COVER?
- Wie sieht es mit anderen Problemen aus?
- Was besagt Courcelles Theorem?
- Wozu brauchen wir die Optimierungsvariante?

Chordale Graphen

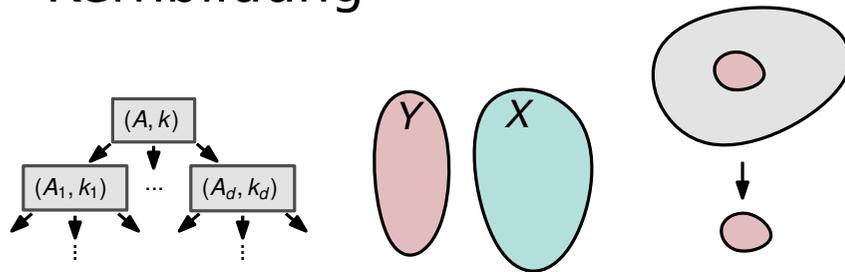
- Was sind Intervallgraphen bzw. chordale Graphen?
- Was ist die Intervallweite bzw. Chordalweite?
- Was hat das mit Pfadweite bzw. Baumweite zu tun?



Inhalt

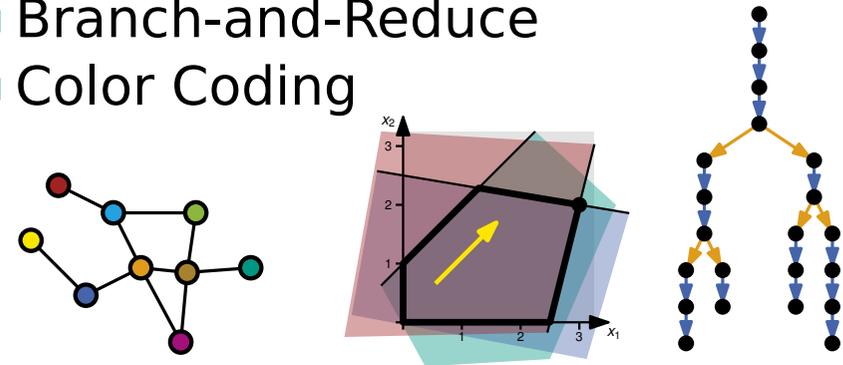
Basic Toolbox

- beschränkte Suchbäume
- iterative Kompression
- Kernbildung



Erweiterte Toolbox

- lineare Programme
- Branch-and-Reduce
- Color Coding



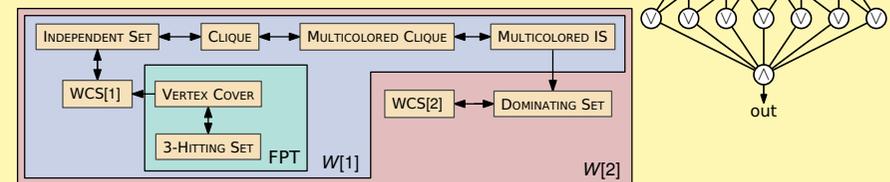
Baumweite

- dynamische Programme
- chordale & planare Graphen
- Courcelles Theorem



Untere Schranken

- parametrisierte Reduktionen
- boolesche Schaltkreise und die W-Hierarchie
- ETH und SETH



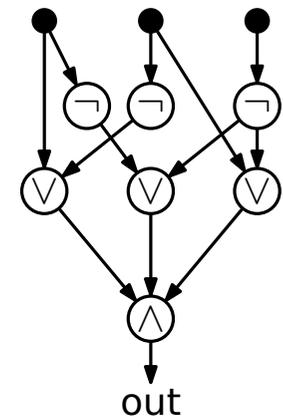
W-Hierarchie

Parametrisierte Reduktion

- Was ist eine parametrisierte Reduktion?
- Warum ist diese Reduktion so definiert?
- Reduktionen zwischen MULTICOLORED CLIQUE und CLIQUE?
- Weitere interessante Reduktionen?
 - MULTICOLORED IS \rightarrow DOMINATING SET
 - INDEPENDENT SET \rightarrow WEIGHTED CIRCUIT SATISFIABILITY
 - DOMINATING SET \rightarrow WEIGHTED CIRCUIT SATISFIABILITY

W-Hierarchie

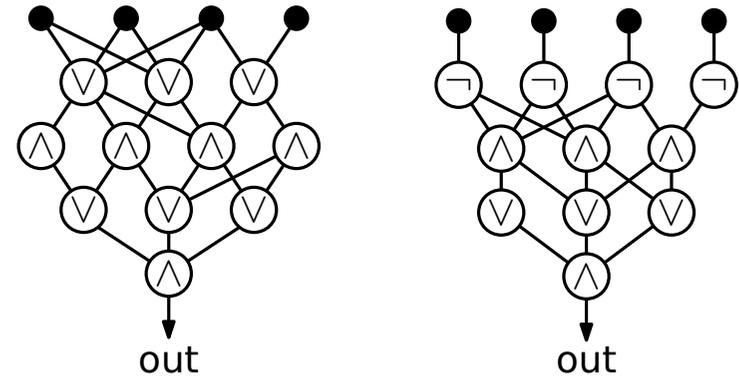
- Was ist WCS?
- Wie sind die Klassen der W-Hierarchie definiert?
- Wie zeigt man Härte/Zugehörigkeit zu $W[t]$?
- Vollständige Probleme für $W[1]$, $W[2]$?
- Warum ist FPT eine Teilmenge von $W[1]$?



Relationale Datenbanken

Normalisierte Schaltkreise

- Was sind normalisierte Schaltkreise?
- Monoton vs. antimonoton?
- Warum normalisieren wir?

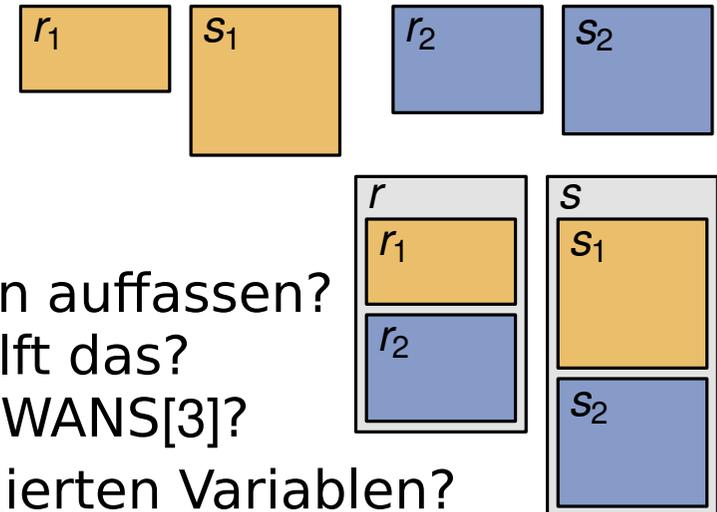


UNIQUE

- Was ist das Problem?
- Wie reduziert man von und zu HITTING SET?

FD

- Was sind funktionale Abhängigkeiten?
- Wie reduziert man das auf WCS[2]?



IND_{FIXED}

- Wie kann man das als Boolesche Funktionen auffassen?
- Wie kann man das verunden und warum hilft das?
- Was fehlt dann noch für die Reduktion von WANS[3]?
- Wie modellieren wir Disj. von Konj. von negierten Variablen?

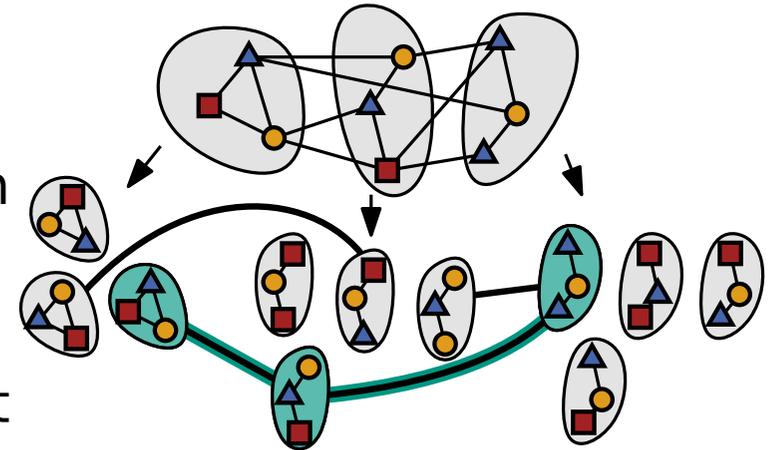
ETH und SETH

Grundlagen

- Was ist ETH? Was ist SETH?
- Wie verhalten sich die beiden zueinander?
- Wie erhält man untere Schranken für andere Probleme?
- Genügt dazu eine polynomielle Reduktion?

Reduktionen so weit das Auge reicht

- Wie erhält man daraus untere Schranken für parametrisierte Probleme?
- Was bedeutet das für $W[1]$ und FPT?
- Übertragung auf andere Probleme: genügt eine parametrisierte Reduktion?
- Was ist GRID TILING?
- Wie reduziert man CLIQUE auf GRID TILING?
- GRID TILING \rightarrow PLANAR LIST COLORING? Was passiert mit dem Parameter?
- GRID TILING \rightarrow UNIT DISK INDEPENDENT SET?



Practical Graph Algorithms (Seminar)

Henning Meyerhenke

- aktuell Prof in Berlin (HU)
- wechselt zum April ans KIT
- wird auch erst dann eine Homepage hier haben

Infos zum Seminar

- Blockseminar
- 4LP
- englisch
- *This seminar covers various topics from the field of practical graph algorithms such as small subgraph detection, graph robustness, centrality computations, and related ones.*
- mehr Infos dann irgendwann auf der Homepage

Evaluation

Viel Erfolg!